patromat
MATEMATYCZNY OPIEKUN

w tym arkuszu znajdziesz moje typy na pewniaki

oraz zadania które dadzą Ci wynik

Egzamin maturalny Formuła 2015

MATEMATYKA

Poziom podstawowy

CZAS TRWANIA: **170 minut**

LICZBA PUNKTÓW DO UZYSKANIA: **50**

Symbol arkusza
EMAP-P0-**100**-2408

OZNACZENIA:

- to jest proste zadanie - spróbuj je rozwiązać

PEWNIAK • ten typ zadania często pojawia się na maturze

F23 • takie samo zadanie znajdziesz arkuszu w formule 2023

F15 • ten typ zadania pojawia się tylko w arkuszach w formule 2015

Zadanie 1. (0–1)

Komputer początkowo kosztował 2950 zł. Po trzech miesiącach jego cenę obniżono o 20%. Po kolejnym miesiącu nową cenę obniżono o kolejnych 20%.

Cena komputera po tych dwóch obniżkach jest równa

A. 2360 zł **B.** 1888 zł **C.** 2832 zł **D.** 1770 zł

PEWNIAK

Zadanie 2. (0–1)

F23

Liczba $\left(\frac{4}{25}\right)^{-0,5}$ jest równa

A. $0,04$ **B.** $0,8$ **C.** $2,5$ **D.** $0,4$

PEWNIAK

Zadanie 3. (0–1)

Liczba $\log_2 40 - \log_2 5$ jest równa

A. 2 **B.** 3 **C.** 4 **D.** 8

Zadanie 4. (0–1)

Liczba $(\sqrt{8}-\sqrt{2})(\sqrt{2}+\sqrt{8})$ jest równa

A. 60 **B.** 6 **C.** $\sqrt{60}$ **D.** 0

Zadanie 5. (0–1)

Zbiorem wszystkich rozwiązań nierówności

$$\frac{3(6-x)}{17} \leq 3$$

jest przedział

A. $(-\infty,-11)$ **B.** $(-\infty,-11\rangle$ **C.** $(-11,+\infty)$ **D.** $\langle -11,+\infty)$

PEWNIAK

Zadanie 6. (0–1)

Rozwiązaniem równania $\frac{x-1}{2x-6}=\frac{4}{7}$ jest liczba

A. (-5) **B.** (-2) **C.** 1 **D.** 17

PEWNIAK

Zadanie 7. (0–1)

F15

Równanie $\frac{x(x+5)(2-x)}{2x+4}=0$ w zbiorze liczb rzeczywistych ma dokładnie

A. dwa rozwiązania: (-5) oraz 2.

B. dwa rozwiązania: (-5) oraz 0.

C. trzy rozwiązania: (-5), 0 oraz 2.

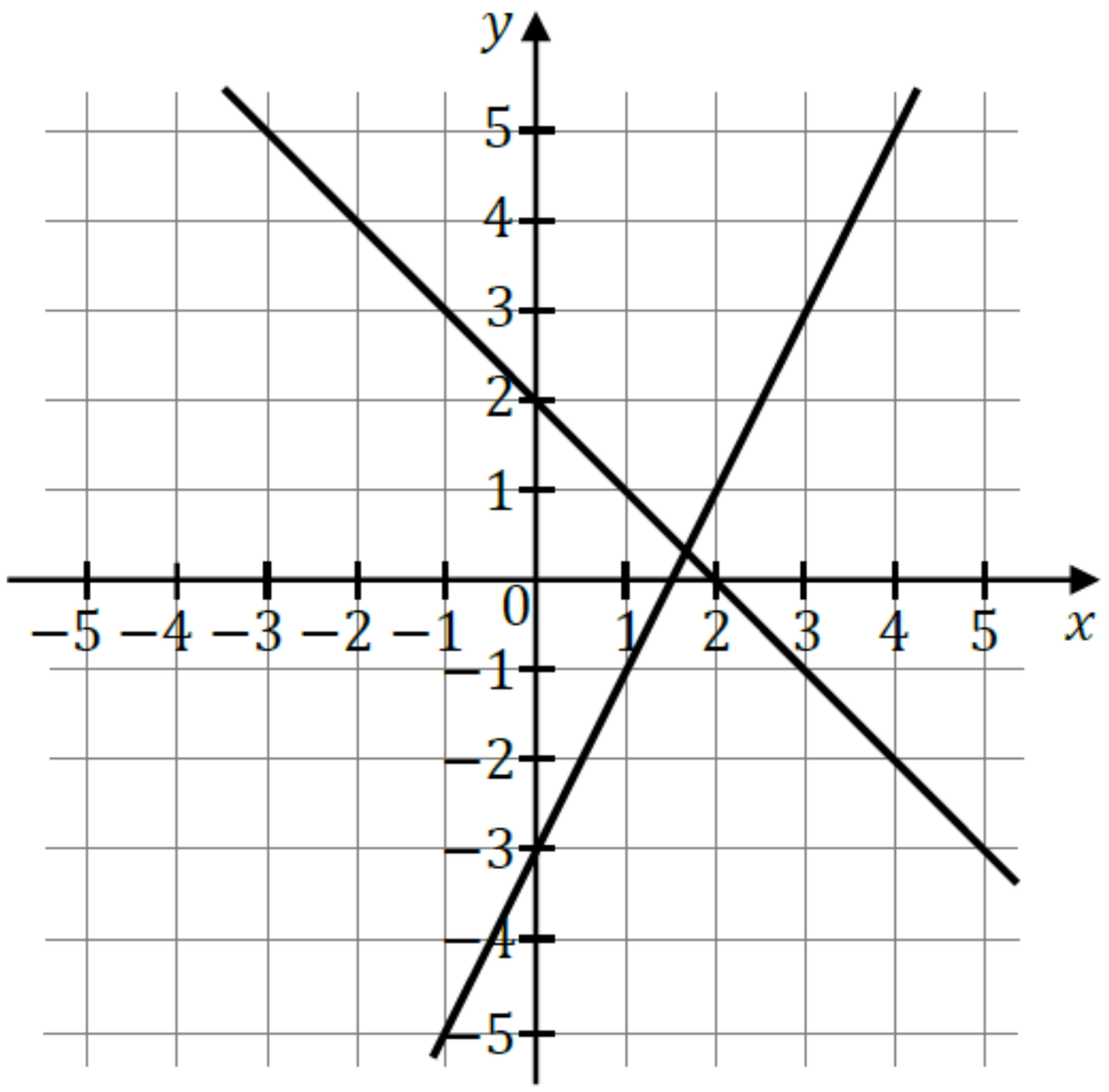
D. cztery rozwiązania: (-5), (-2), 0 oraz 2.

PEWNIAK

Zadanie 8. (0–1)

F23

Na rysunku, w układzie współrzędnych (x, y), przedstawiono interpretację geometryczną jednego z poniższych układów równań A–D.



Układem równań, którego interpretację geometryczną przedstawiono na rysunku, jest

A. $\begin{cases} y = x + 2 \\ y = 2x - 3 \end{cases}$

B. $\begin{cases} y = -x + 2 \\ y = 2x - 3 \end{cases}$

C. $\begin{cases} y = x + 2 \\ y = -2x - 3 \end{cases}$

D. $\begin{cases} y = -x + 2 \\ y = 2x + 3 \end{cases}$

Informacja do zadań 9.–10.

Funkcja $y = f(x)$ jest określona za pomocą tabeli

x	-6	-4	-2	0	2	4	6
y	-3	-4	4	1	5	0	2

PEWNIAK

Zadanie 9. (0–1)

F23

Największa wartość funkcji f jest równa

A. 2 **B.** 4 **C.** 5 **D.** 6

PEWNIAK

Zadanie 10. (0–1)

F23

Miejsce zerowe funkcji f jest równe

A. 0 **B.** 1 **C.** 2 **D.** 4

Informacja do zadań 11.–12.

Pusta bańka na mleko o pojemności 10 litrów ma masę $6{,}5$ kg.
Jeden litr mleka ma masę $1{,}03$ kg.
Niech x oznacza liczbę litrów mleka w tej bańce, a $g(x)$ oznacza wyrażoną w kilogramach masę bańki wraz z mlekiem, gdzie $x \in \langle 0, 10 \rangle$.

F23

Zadanie 11. (0–1)

Największa wartość funkcji g jest równa

A. $16{,}8$ **B.** $15{,}8$ **C.** $11{,}3$ **D.** $10{,}3$

F23

Zadanie 12. (0–1)

Funkcja g jest określona wzorem

A. $g(x) = 6{,}5x + 1{,}03$

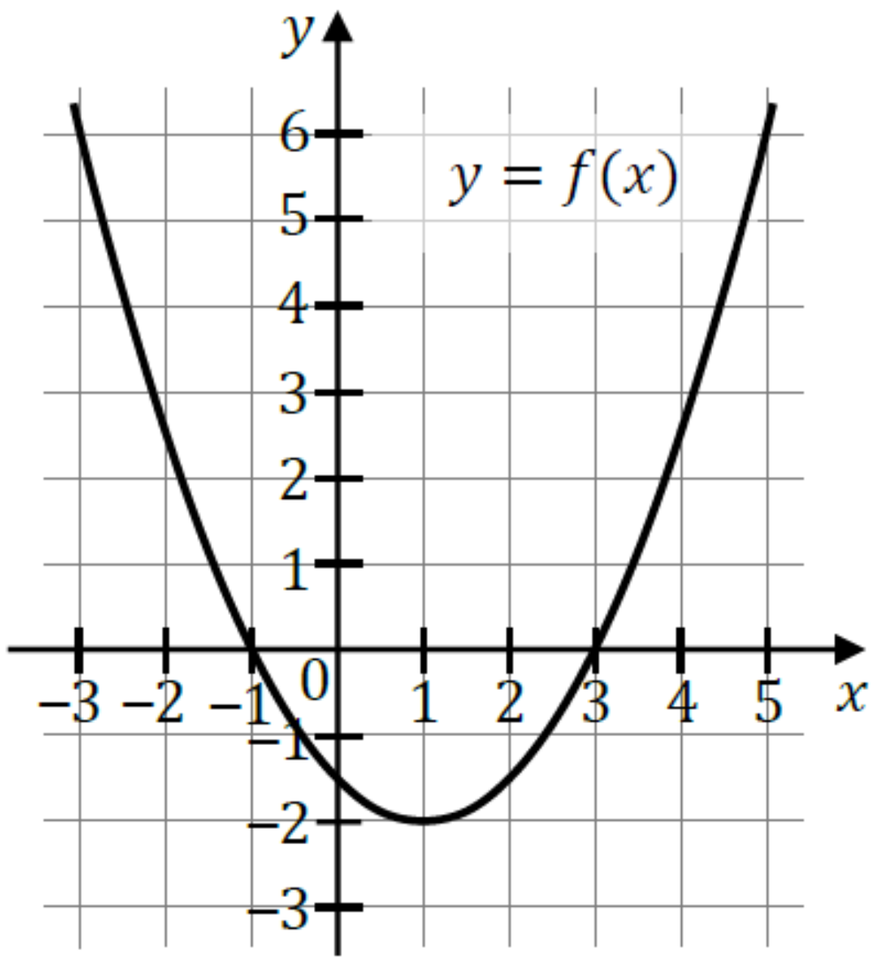
B. $g(x) = 1{,}03x + 10$

C. $g(x) = 10x + 1{,}03$

D. $g(x) = 1{,}03x + 6{,}5$

Informacja do zadań 13.–15.

Na rysunku, w układzie współrzędnych (x, y), przedstawiono fragment paraboli, która jest wykresem funkcji kwadratowej f (zobacz rysunek). Wierzchołek tej paraboli oraz punkty przecięcia paraboli z osią Ox układu współrzędnych mają obie współrzędne całkowite.



PEWNIAK

Zadanie 13. (0–1) F23

Zbiorem wartości funkcji f jest przedział

A. $(-\infty, -2\rangle$ **B.** $\langle 1, +\infty)$ **C.** $\langle -1, 3\rangle$ **D.** $\langle -2, +\infty)$

PEWNIAK

Zadanie 14. (0–1) F23

Osią symetrii wykresu funkcji f jest prosta o równaniu

A. $x = 1$ **B.** $y = 1$ **C.** $x = -2$ **D.** $y = -2$

PEWNIAK

Zadanie 15. (0–1) F23

Funkcja f jest określona wzorem

A. $f(x) = \frac{1}{2}(x-1)^2 + 2$ **B.** $f(x) = \frac{1}{2}(x+1)^2 + 2$

C. $f(x) = \frac{1}{2}(x-1)^2 - 2$ **D.** $f(x) = \frac{1}{2}(x+1)^2 - 2$

PEWNIAK

Zadanie 16. (0–1)

Trzywyrazowy ciąg $(2m-5,\ 4,\ 9)$ jest arytmetyczny.

Liczba m jest równa

A. (-1) **B.** 2 **C.** 3 **D.** $\frac{61}{18}$

PEWNIAK

Zadanie 17. (0–1)

Dany jest ciąg geometryczny (a_n) określony dla każdej liczby naturalnej $n \geq 1$, w którym $a_2 = 2$ oraz $a_5 = 54$.

Iloraz ciągu (a_n) jest równy

A. 3 **B.** 9 **C.** $\frac{52}{3}$ **D.** 27

Zadanie 18. (0–1)

Ciąg (a_n) jest określony dla każdej liczby naturalnej $n \geq 1$.

Suma n początkowych wyrazów tego ciągu wyraża się wzorem $S_n = n^2 + 2n$ dla każdej liczby naturalnej $n \geq 1$.

Trzeci wyraz ciągu (a_n) jest równy

A. 5 **B.** 7 **C.** 13 **D.** 15

Zadanie 19. (0–1)

F23

W trójkącie prostokątnym ABC sinus kąta CAB jest równy $\frac{3}{5}$, a przeciwprostokątna AB jest o 8 dłuższa od przyprostokątnej BC.

Długość przeciwprostokątnej AB tego trójkąta jest równa

A. 18 **B.** 20 **C.** 24 **D.** 25

Zadanie 20. (0–1)

F23

Kąt α jest ostry oraz $\cos\alpha = \frac{24}{25}$.

Tangens kąta α jest równy

A. $\frac{7}{18}$ **B.** $\frac{7}{24}$ **C.** $\frac{7}{25}$ **D.** $\frac{18}{25}$

Zadanie 21. (0–1)

F23

Dany jest trójkąt ABC, w którym $|AB| = 5$, $|AC| = 2$ oraz $\sin|\sphericalangle BAC| = \frac{3}{5}$.

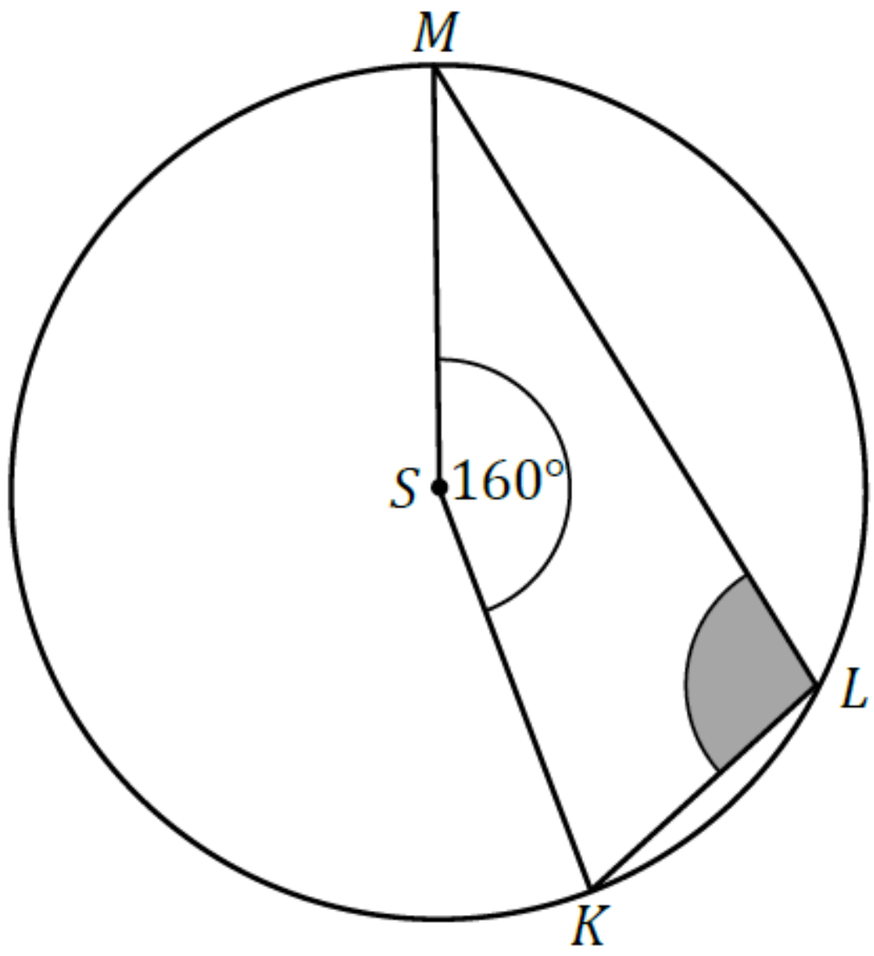
Pole trójkąta ABC jest równe

A. 3 **B.** 5 **C.** 6 **D.** 10

Zadanie 22. (0–1)

F23

Punkty K, L oraz M leżą na okręgu o środku w punkcie S. Miara kąta KSM jest równa 160° (zobacz rysunek).



Miara kąta wpisanego KLM jest równa

A. 80° **B.** 90° **C.** 100° **D.** 110°

Zadanie 23. (0–1)

W układzie współrzędnych (x, y) proste k oraz l są określone równaniami

$$k\colon\ y = (3m - 2)x - 2$$

$$l\colon\ y = (2m + 4)x + 2$$

Proste k oraz l są równoległe, gdy liczba m jest równa

A. (-6) **B.** (-2) **C.** 2 **D.** 6

Zadanie 24. (0–1)

W układzie współrzędnych (x, y) odcinek o końcach $A = (-4, 7)$ oraz $B = (6, -1)$ jest średnicą okręgu $\mathcal{O}$.

Środkiem okręgu $\mathcal{O}$ jest punkt o współrzędnych

A. $(1, 3)$ **B.** $(5, -4)$ **C.** $(1, -3)$ **D.** $(5, 4)$

F23

Zadanie 25. (0–1)

Liczba wszystkich ścian ostrosłupa prawidłowego jest równa 12.

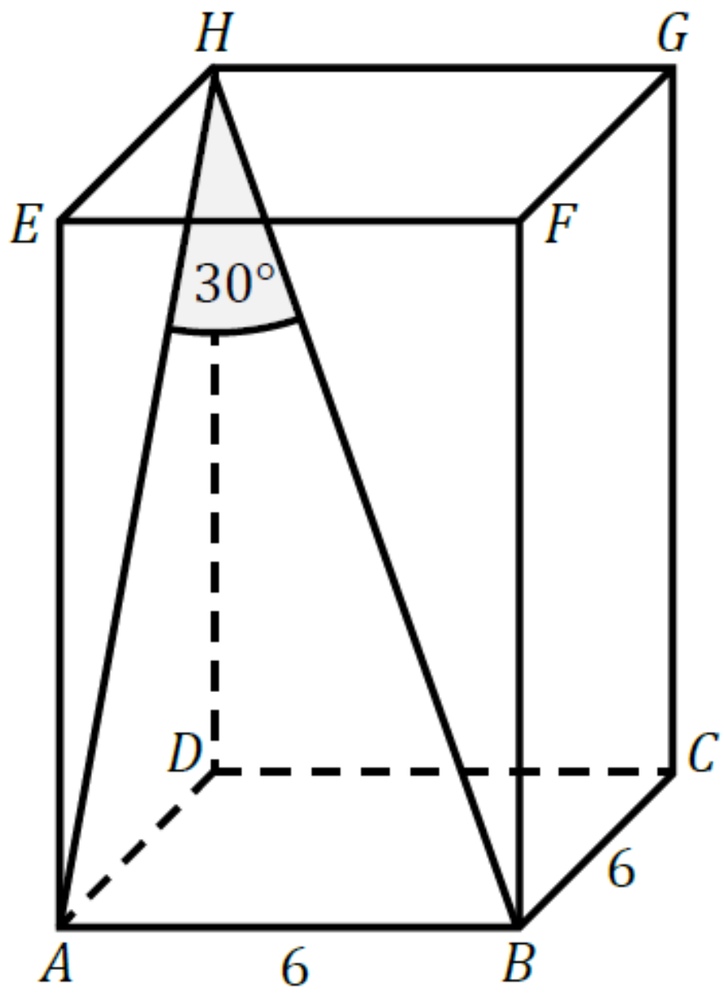
Liczba wszystkich wierzchołków tego ostrosłupa jest równa

A. 10 **B.** 11 **C.** 12 **D.** 13

F23

Zadanie 26. (0–1)

Dany jest prostopadłościan $ABCDEFGH$, w którym podstawy $ABCD$ i $EFGH$ są kwadratami o boku długości 6. Przekątna BH tego prostopadłościanu tworzy z przekątną AH ściany bocznej $ADHE$ kąt o mierze 30° (zobacz rysunek).



Przekątna BH tego prostopadłościanu ma długość równą

A. $4\sqrt{3}$ **B.** $6\sqrt{3}$ **C.** 12 **D.** $12\sqrt{2}$

Zadanie 27. (0–1) F23

Długości trzech wychodzących z jednego wierzchołka krawędzi prostopadłościanu są trzema kolejnymi liczbami naturalnymi parzystymi. Najdłuższa krawędź tego prostopadłościanu ma długość 10.

Pole powierzchni całkowitej tego prostopadłościanu jest równe

A. 376 **B.** 466 **C.** 480 **D.** 720

PEWNIAK

Zadanie 28. (0–1) F23

Wszystkich liczb naturalnych dwucyfrowych, w których zapisie dziesiętnym cyfra dziesiątek jest o 3 większa od cyfry jedności, jest

A. 3 **B.** 6 **C.** 7 **D.** 13

Zadanie 29. (0–1)

W tabeli zestawiono liczbę punktów uzyskanych przez 32 uczniów pewnej klasy za rozwiązanie jednego z zadań testu z matematyki.

Liczba punktów	0	1	2	3	4	5
Liczba uczniów	2	2	5	6	11	6

Średnia arytmetyczna liczby punktów uzyskanych za rozwiązanie tego zadania przez uczniów tej klasy jest równa

A. 2,5 **B.** 3,25 **C.** 3,31 **D.** 4

PEWNIAK

Zadanie 30. (0–2)

Rozwiąż nierówność

$$x(x+2) \leq 3$$

Zadanie 31. (0–2) F15

Wykaż, że dla każdej liczby rzeczywistej x i dla każdej liczby rzeczywistej y takich, że $x \neq 2y$, prawdziwa jest nierówność

$$x^2 + 4y^2 - 4 > 4(xy - 1)$$

Zadanie 32. (0–2)

F23

Funkcja liniowa f jest określona wzorem $f(x)=\frac{\sqrt{3}}{3}x-3$.

W układzie współrzędnych (x,y) wykres funkcji $y=f(x)$ jest prostą, która jest nachylona do osi Ox pod kątem ostrym α i przecina oś Oy w punkcie P.

Oblicz sinus kąta α oraz drugą współrzędną punktu P.

Zadanie 33. (0–2)

Ciąg (a_1, a_2, a_3, a_4) jest arytmetyczny.

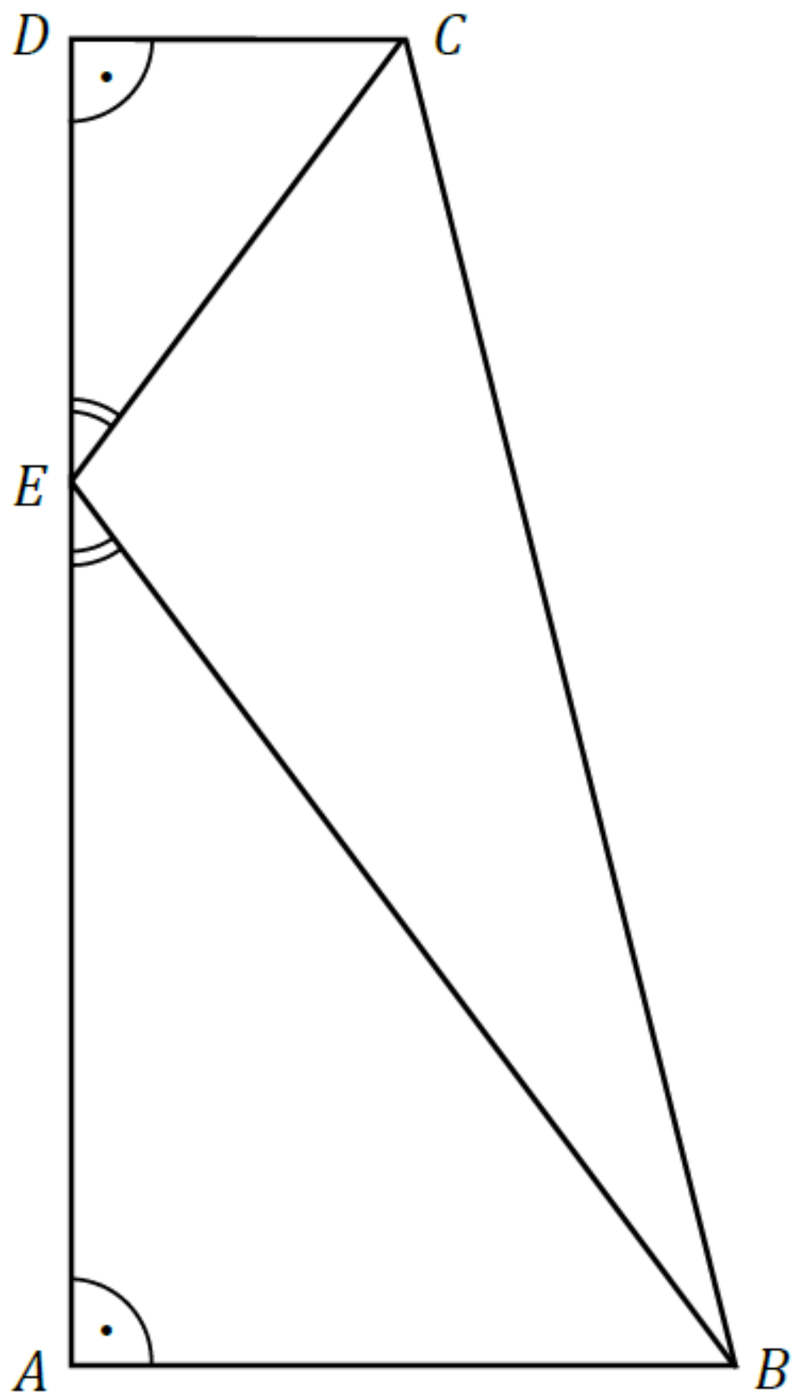
Suma pierwszego i drugiego wyrazu jest o 12 większa od sumy trzeciego i czwartego wyrazu tego ciągu.

Oblicz różnicę tego ciągu.

F23

Zadanie 34. (0–2)

Podstawy trapezu prostokątnego $ABCD$ mają długości: $|AB| = 12$ oraz $|CD| = 6$. Wysokość AD tego trapezu ma długość 24. Na odcinku AD leży punkt E taki, że $|\sphericalangle BEA| = |\sphericalangle CED|$ (zobacz rysunek).



Oblicz długość odcinka BE.

Zadanie 35. (0–2)

Dane są dwa zbiory: $C = \{0,\ 4,\ 5,\ 7,\ 9\}$ oraz $D = \{1,\ 2,\ 3\}$.

Losujemy jedną liczbę ze zbioru C, a następnie losujemy jedną liczbę ze zbioru D.

Oblicz prawdopodobieństwo zdarzenia A polegającego na tym, że suma wylosowanych liczb będzie większa od 9.

F23

Zadanie 36. (0–5)

W układzie współrzędnych (x, y) przekątne równoległoboku $ABCD$ przecinają się w punkcie $S = (9, 11)$. Bok AB tego równoległoboku zawiera się w prostej o równaniu $y = \frac{1}{2}x - 1$, a bok AD zawiera się w prostej o równaniu $y = 2x - 4$.

Oblicz współrzędne wierzchołka B oraz długość odcinka BS.

matura została uzupełniona o to zadanie

patromat MATEMATYCZNY OPIEKUN

F23

Zadanie 37. (0–4)

Dany jest stożek, którego tworząca ma długość $8\sqrt{2}$ i jest nachylona do płaszczyzny podstawy pod kątem $45°$.

Oblicz objętość, pole powierzchni całkowitej oraz kąt rozwarcia tego stożka.